ORTSKURVEN ERFORSCHEN

1. ***Geometrische Orte***

Einen Ort betrachten wir hier nicht als Ansammlung von Häusern, sondern als Ansammlung von Punkten mit einer gemeinsamen Eigenschaft. Häufig bilden solche Punktmengen auch zusammenhängende Ortskurven. Zeichne jeweils den geometrischen Ort der Punktmengen ein, deren gemeinsame Eigenschaft mit Stichworten beschrieben ist.

a) gleicher Abstand d von einem Punkt:

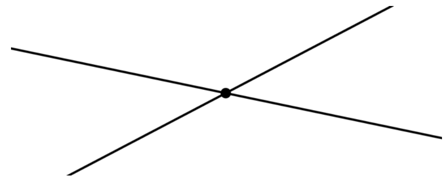
d=1cm

b) gleicher Abstand d von einer Gerade:

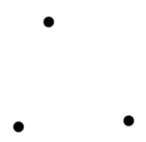
d=1cm

c) gleicher Abstand von zwei Punkten

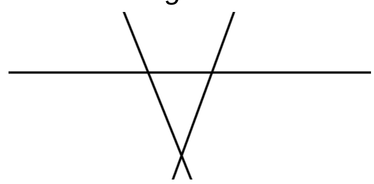
d) gleicher Abstand von zwei sich schneidenden Geraden



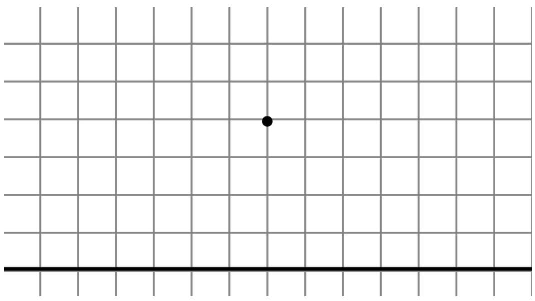
e) von drei Punkten gleich weit entfernt



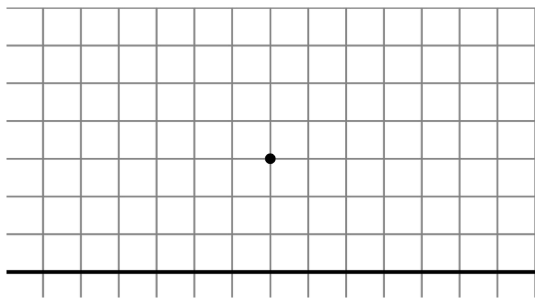
f) von drei Geraden gleich weit entfernt



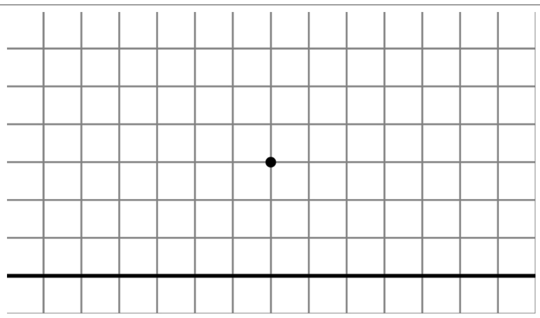
g) von einem Punkt und einer Gerade gleich weit entfernt



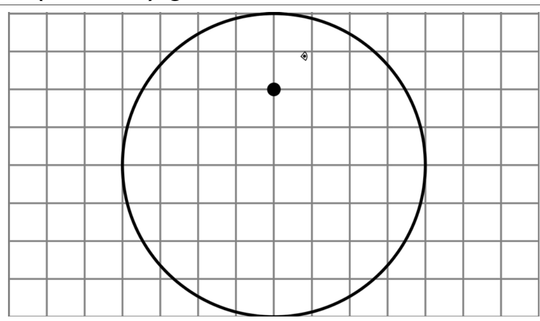
h) von einem Punkt doppelt so weit entfernt wie von einer Gerade



i) von einem Punkt halb so weit entfernt wie von einer Gerade

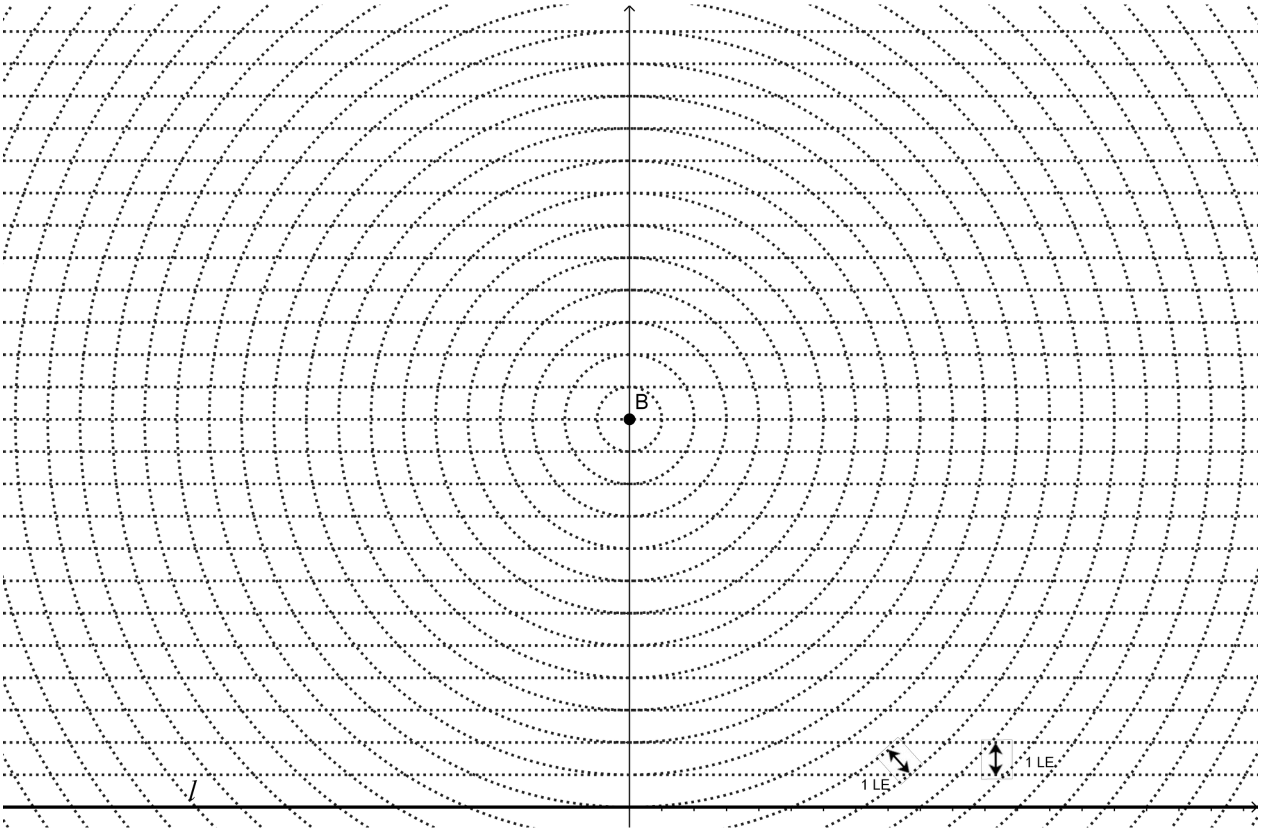


j) von einem Kreis und einem Punkt (im Kreis) gleich weit entfernt:



2. ***Kurven entdecken***

Wir geben einen Punkt und eine Gerade vor und suchen Ortskurven. Von der Gerade l ausgehend (wird als "Leitgerade" bezeichnet) nimmt der Abstand der Parallelen um jeweils 1 LE zu. Die Radien der Kreise um den Punkt B nehmen ebenfalls gleichmäßig um 1 LE zu. Die Leitgerade wurde in diesem Bild als x-Achse gewählt, der Brennpunkt liegt auf der y-Achse.



a) Markiere alle Schnittpunkte rot, die von B und l gleich weit entfernt sind. Zeichne den ersten Punkt auf der y-Achse ein und nutze dann die Rasterlinien, ähnlich wie beim Treppensteigen. Zeichne auch die Kurve in roter Farbe ein.

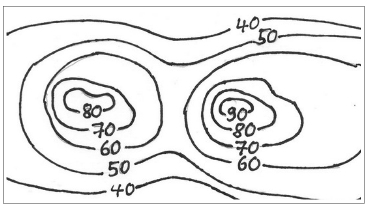
b) Markiere alle Schnittpunkte grün, die von B doppelt so weit wie von l entfernt sind. Gehe wie bei a) vor. Beschreibe, wie die Treppenstufen nun gewählt werden.

c) Markiere alle Schnittpunkte blau, die von l doppelt so weit wie von B entfernt sind. Zeichne zunächst die Punkte auf der y-Achse ein und nutze dann wieder die Rasterlinien.

d) Zeichne die Kurven bei b) und c) ebenfalls in passender Farbe ein. Passe den Kurvenverlauf bei den Scheitelpunkten nach Gefühl an. Welche Kurven entstehen? Was fällt dir weiter auf? Beschreibe deine Beobachtungen.

3. ***Höhenlinien als geometrische Orte***

Du kennst bereits verschiedene "geometrische" Orte. Im Bild siehst du beispielsweise den Ausschnitt des Höhenprofils einer Insel (Angaben in m ü. NN).

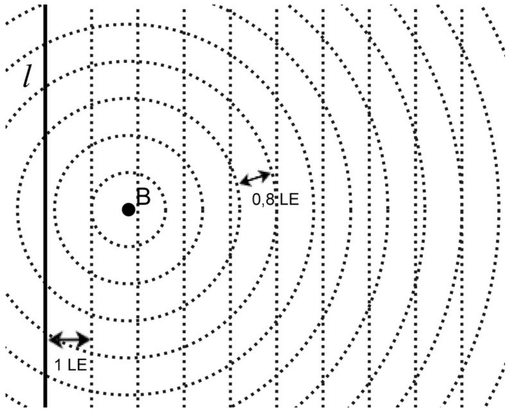


a) Beschreibe die Landschaft und zeichne den geometrischen Ort aller Punkte ein, die 60m über Meeresniveau liegen.

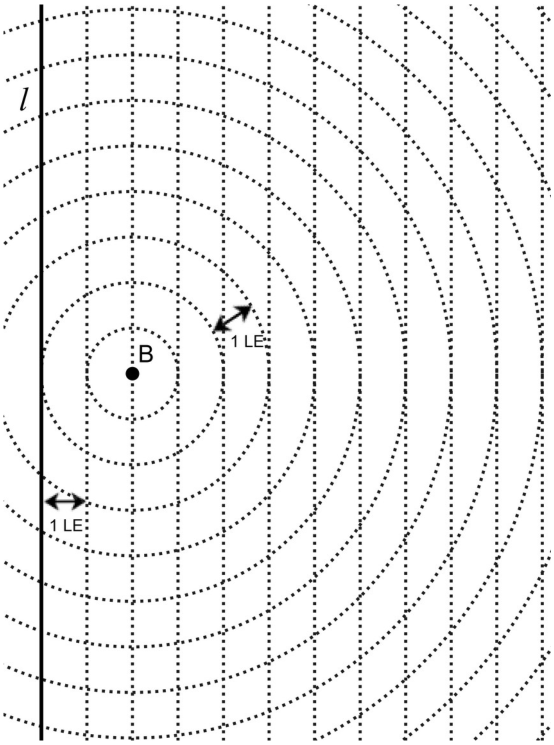
b) Markiere den geometrischen Ort aller Punkte, die zwischen 70m und 80m über Meeresniveau liegen. Beschreibe den Unterschied der beiden Orte?

4. ***Epsilon – Die numerische Exzentrizität***
Nun wird die Zunahme der Kreisradien variiert und dabei die Variable ε>0 verwendet. Die Radien der Kreise nehmen im Raster gleichmäßig um ε LE zu. Man unterscheidet drei Fälle:

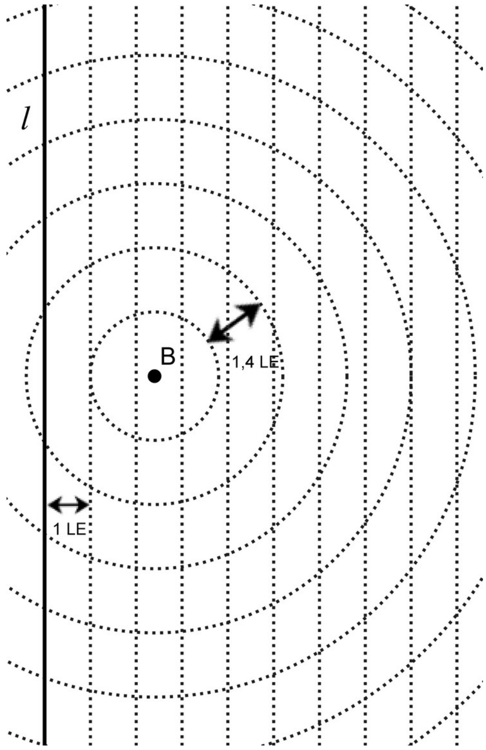
a) ***ε<1*** *(z.B. ε=0,8): ____________________*
Markiere rechts alle Punkte blau, deren Abstand vom Brennpunkt 80% ihres Abstandes von l beträgt. Verbinde diese Punkte durch Kurvenzüge. Trage den Namen der entstehenden Kurve oben ein.



b) ***ε=1*** *: _____________________*
Markiere alle Punkte rot, die von B genauso weit entfernt sind wie von l.



c) ***ε>1*** *(z.B. ε=1,4): _________________*
Markiere alle Punkte grün, die 1,4-mal so weit von B wie von l entfernt sind:



Ein Kegelschnitt ist die Kurve aller Punkte, deren Abstand von einem festen Punkt (B) das ε-fache (ε>0) ihres Abstandes zu einer Geraden (l) ist. Den Faktor ε nennt man numerische Exzentrizität und teilt die Kegelschnitte nach seinem Wert in drei Typen ein:

für .... entstehen ....,
für .... " ....,
für .... " ....