



## Cäsar und die modulare Arithmetik - Lösung

1.

|   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| A | B | C | D | E | F | G | H | I | J | K | L | M | N | O | P | Q | R | S | T | U | V | W | X | Y | Z |
| J | K | L | M | N | O | P | Q | R | S | T | U | V | W | X | Y | Z | A | B | C | D | E | F | G | H | I |

2. *G U T* verschlüsselt mit  $s=9$ :      *P D C*     

3.

|   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| A | B | C | D | E | F | G | H | I | J | K  | L  | M  | N  | O  | P  | Q  | R  | S  | T  | U  | V  | W  | X  | Y  | Z  |
| 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 | 16 | 17 | 18 | 19 | 20 | 21 | 22 | 23 | 24 | 25 |

4. Verschlüsse nun mit dem folgenden Verfahren:

Schreibe den Buchstaben als Zahl → addiere den Schlüssel → schreibe als Buchstaben

G → 6 → 6 + 9 = 15 → 15

U → 20 → 20 + 9 = 29 → ??? D (3)

T → 19 → 19 + 9 = 28 → ??? C (2)

5. Die Zahlen werden größer als 25.

6. Rechne mod 26

7. (Klartextbuchstabe + Schlüssel) mod 26 = Kryptobuchstabe

8. (Kryptobuchstabe - Schlüssel) mod 26 = Klartextbuchstabe

$(16-9)\text{mod}26 = 7$     $(4-9)\text{mod}26 = -5 \text{ mod}26 = 21$     $(3-9)\text{mod}26 = -6 \text{ mod}26 = 20$

Hinweis: Die Java-Operation % berechnet für negative Zahlen nicht das Gleiche wie mod erwarten lassen würde.

9. Stimmt weil:  $(K-S)\text{mod}26 = (K+26-S)\text{mod}26$

10. Im Vigenere Verfahren, im One-Time-Pad, in der Skytale-Verschlüsselung und vielen anderen.